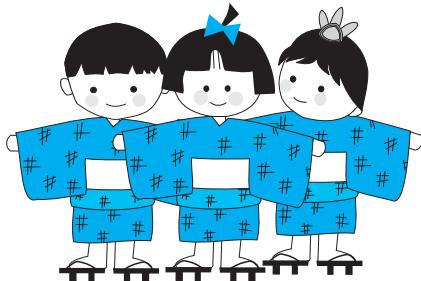


# Primjeri zadataka iz Japana



U prošlom smo broju **MŠ**-a objavili tekst dr. Vladimira Devidéa o školskom sustavu u Japanu. Podsjetimo kako se učenici za upis u višu srednju školu (10. razred, uzrast 14 do 15 godina) podvrgavaju vrlo rigoznim ispitima. Već u nižoj srednjoj školi provode se provjere znanja čiji rezultati daju uvid u sposobnosti učenika te upućuju na moguć odabir neke od srednjih škola. No za upis potrebno je položiti prijemni ispit koji je jedinstven za pojedinu pokrajinu ali usklađen s nacionalnim programom. Na prijemnim se ispitima provjeravaju znanja iz materinjeg (japanskog) jezika, matematike, povijesti i zemljopisa, prirodnih znanosti te engleskog jezika. Višu srednju školu u Japanu upiše 97% mlađih jedne generacije.

Prikazat ćemo jedan prijemni ispit proveden za područje Tokija. Pozivamo čitatelje da ga riješe, možda će biti jasnije zbog čega mali Japan tehnološki i ekonomski dominira velikim svijetom.

**Zadatak 1.** Riješi sljedeće zadatke:

- 1) Izračunaj  $9 + 6 : \left(-\frac{1}{2}\right)$ ;
- 2) Izračunaj  $4a - 5(a - 1)$ ;
- 3) Izračunaj  $(\sqrt{3} + 2)^2$ ;
- 4) Riješi nejednadžbu  $5x + 10 > 7x - 8$ .

5) Riješi sustav linearnih jednadžbi:

$$\begin{cases} y = 4x + 13 \\ 2x + y = 1 \end{cases}$$

- 6) Riješi kvadratnu jednadžbu  $x^2 - 7x + 6 = 0$ .
- 7) Nacrtaj graf funkcije  $f(x) = ax^2$ , ako on prolazi točkom  $(2, 2)$ .
- 8) Dana je tablica u koju su uneseni rezultati skoka u dalj 100 učenika mlađeg ( $A$ ) i 150 učenika starijeg ( $B$ ) uzrasta.

$d$ (cm)	$A$	$B$
260–290	2	1
290–320	8	12
320–350	17	29
350–380	32	51
410–440	15	17
440–470	8	10
470–500	2	3
Ukupno	100	150

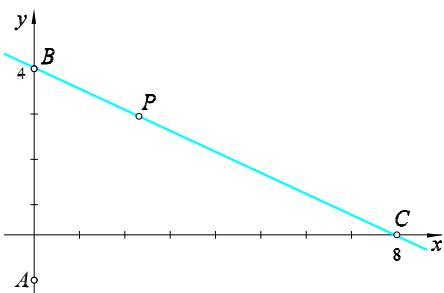
Promatrajući tablicu odredi broj i udio učenika obiju skupina koji su skočili 410 cm ili dalje.

Od sljedećih tvrdnji a) – d) samo je jedna točna. Koja?

- a) Veći je broj učenika u  $A$  nego u  $B$  koji su preskočili 410 cm ili više i veći je i njihov ukupni udio.

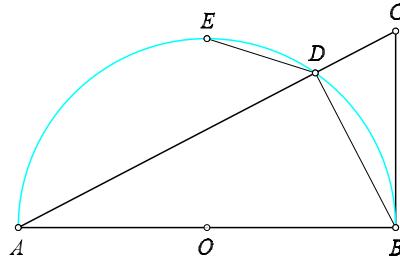
- b) Veći je broj učenika u A nego u B koji su preskočili 410 cm ili više, ali je manji njihov ukupni udio.
- c) Manji je broj učenika u A nego u B koji su preskočili 410 cm ili više i manji je i njihov ukupni udio.
- d) Manji je broj učenika u A nego u B koji su preskočili 410 cm ili više, ali je veći njihov ukupni udio.

**Zadatak 2.** Na crtežu je nacrtan pravac  $y = -\frac{1}{2}x + 4$  te istaknuta točka  $A(0, -1)$ . Neka je  $B$  točka u kojoj taj pravac siječe koordinatnu os  $y$ , a  $C$  je sjecište pravca i apscisne osi  $x$ . Točka  $P$  je neka točka na dužini  $\overline{BC}$ . Uzmimo još da je jedinična dužina duljine 1 cm.



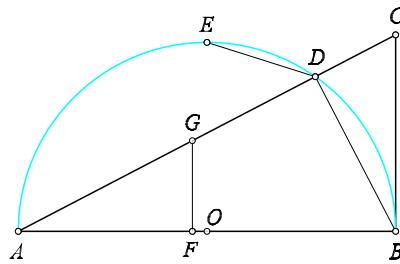
- Ako je  $P$  točka pravca s koordinatama  $(2, 3)$ , kako glasi jednadžba pravca koja prolazi točkama  $A$  i  $P$ ?
- Ako za točku  $P$  vrijedi  $|AP| = |BP|$ , izračunaj površinu trokuta  $\triangle BAP$ .
- Uzmimo da paralela s osi  $x$  točkom  $P$  siječe os  $y$  u točki  $Q$ , a paralela s osi  $y$  točkom  $P$  siječe os  $x$  u točki  $R$ . Pritom  $P$  nije ni  $B$ , ni  $C$ . Koje su koordinate točke  $P$  ako je koeficijent smjera (nagib) pravca  $QR$  jednak  $-1$ ?

**Zadatak 3.** Neka je  $\overline{AB}$  promjer polukružnice sa središtem u točki  $O$ . Trokut  $ABC$  je pravokutan s pravim kutom pri vrhu  $B$ . Točka  $D$  je sjecište pravca  $AC$  i polukružnice.



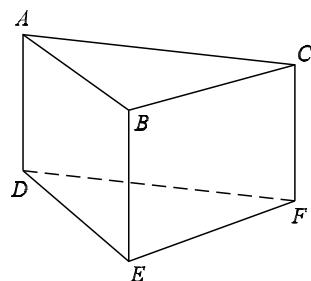
Odgovori na sljedeća pitanja:

- Točka  $E$  smještena je na polukružnici tako da je luk  $AE$  jednak luku  $EDB$ . Odredi mjeru kuta  $\angle EDB$ .
- Na sljedećoj slici (uvjeti su jednaki kao na prethodnoj) određena je točka  $F$  na  $\overline{AB}$  tako da je  $|AF| = |BD|$ . Nadalje, točka  $G$  je na  $\overline{AC}$ , pri čemu je pravac  $FG$  paralelan s  $BC$ .



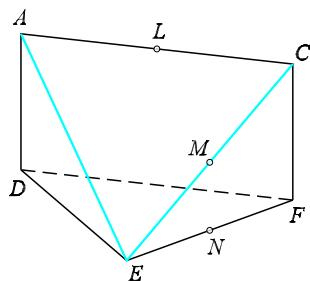
- Dokaži:  $\triangle AFG \cong \triangle BDC$ .
- Za  $|AB| = 12$  cm i  $|AC| = 13$  cm izračunaj opseg četverokuta  $GFBD$ .

**Zadatak 4.** Na slici je prikazana trostrana prizma, pri čemu je  $|AD| = 4$  cm,  $|DE| = 6$  cm,  $|EF| = 8$  cm,  $|DF| = 10$  cm i  $\angle ADE = \angle ADF = \angle DEF = 90^\circ$ .



Na sljedećoj slici prikazano je tijelo dobiveno presjekom trostrane prizme ravninom

koja prolazi trima točkama  $A$ ,  $E$  i  $C$ . Promatraj to tijelo te odgovori na sljedeća pitanja:



- 1) Izračunaj duljinu brida  $\overline{AE}$ . Ako je u odgovoru kvadratni korijen, zapiši ga znakom za kvadratni korijen.
- 2) Označi s  $L$  polovište brida  $\overline{AC}$ . Odgovori na sljedeća pitanja:
  - a) Označi polovište brida  $\overline{EC}$  sa  $M$ , a polovište brida  $\overline{EF}$  sa  $N$ . Kolika je površina presjeka tijela ravninom koja prolazi točkama  $L$ ,  $M$  i  $N$ ?
  - b) Pri presjeku ravninom koja prolazi točkama  $L$  i  $E$  okomito na ravninu  $DEF$  tijelo se raspalo na dva dijela. Izračunaj obujam (volumen) onog dijela kojem je  $D$  jedan vrh.

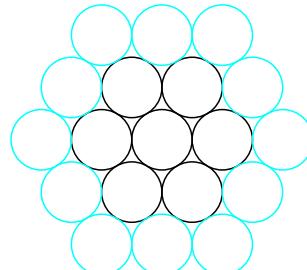
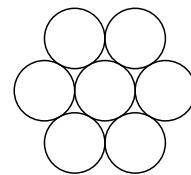
**Zadatak 5.** Učenici se pripremaju za školski festival. Za dio tog festivala valja izraditi valjkaste posude od aluminija. Pritom su te posude dviju veličina. Visoke su 12 cm, odnosno 16 cm, a osnovke su im jednakih promjera.

Odgovori na sljedeća pitanja:

- 1) Za jednu veliku i sedam malih posuda učenici trebaju valjkastu cijev duljine 1 metar. No oni su zaključili kako ista takva cijev duljine 1 m daje i druge mogućnosti. Koliko se može, u nekoj od tih ostalih mogućnosti, od iste cijevi dobiti manjih i koliko većih posuda?
- 2) Valjkaste posude načinjene iz 1 m duge aluminijске cijevi poslagane su tako da se, kad se gleda odozgo, vidi slika na kojoj su posude složene kružno oko jedne središnje.

Na taj način može se složiti 7 posuda.

Ako sada poslažemo oko vanjskih šest posuda nove, imat ćemo ukupno 19 posuda. Na jednak način dodajmo još dva sloja posuda. Koliko će ih biti (napokon) ukupno?



- 3) Ukupan broj posuda bio je 2690. Nakon završetka festivala posude su prodane po 40 yena za 1 kg aluminija, ukupno je dobijeno 2 800 yena. Ako je svaka veća posuda imala 30 g, a manja 25 g, koliko je bilo izrađenih velikih posuda?

Rješenja iz **MS-a** broj 7:

17.

$$\begin{array}{r} 4 \times 2 = 8 \\ + \quad + \quad : \\ 2 \times 2 = 4 \\ \hline 6 - 4 = 2 \end{array}$$

18.

$$\begin{array}{r} 16 \times 14 = 224 \\ + \quad : \quad - \\ 67 \times 2 = 134 \\ \hline 83 + 7 = 90 \end{array}$$

19.

$$\begin{array}{r} 2 \times 2 = 4 \\ \times \quad \times \quad + \\ 46 + 14 = 60 \\ \hline 92 - 28 = 64 \end{array}$$